

le y , si trasformi quest'espressione nella sua equivalente

e finalmente si costituisca la funzione

$$2 \int \dots \int dy_r dy_s$$

a coefficienti reciproci della precedente espressione differenziale.

Quest'ultima funzione è la trasformata richiesta.

In questo, enunciato è contenuta la legge di corrispondenza alla quale abbiamo accennato da principio. La medesima legge si può enunciare più concisamente dicendo che *quelle relazioni fra le variabili x_1, x_2, \dots, x_n e le y_1, y_2, \dots, y_n che rendono identica l'equazione*

$$\sum A_{rt} dx_r dx_t = \sum B_{rs} dy_r dy_s$$

rendono pure identica la

$$\sum dy_r dy_s$$

ammesso che i coefficienti A ed a , B e b sieno reciproci fra Loro rispettivamente. Ha luogo del pari la reciproca.

Supponiamo p. es. che le relazioni fra le x e y diano

$$dx_1 + dx_2 + \dots + dx_n = B_1 dy_1 + B_2 dy_2 + \dots + B_n dy_n$$

le stesse relazioni daranno pure

$$dV = \sum_{i=1}^n \frac{\partial V}{\partial x_i} dx_i = \sum_{j=1}^n \frac{\partial V}{\partial y_j} dy_j$$

Il risultato testé esposto è implicitamente contenuto nel bel metodo col quale JACOBI ha fatto dipendere le equazioni della dinamica da una equazione a derivate parziali non lineari. Ma stante la sua natura puramente analitica ci è sembrato utile avocarlo ai suoi principj più semplici.

Bologna, Dicembre 1866.